

	PC/mob	vidéo	audio
BABOULENE Alexandre			
BLEYEL Erwann			
CARAC Valentin			
CARVALHO Nuno			
CHAMBRELAN P.A.			

	PC/mob	vidéo	audio
DE CASTRO Andy			
FALGA Mattheo			
GARIBAL Théo			
HIRIGARAY Vincent			
HOMOU Joannet			

	PC/mob	vidéo	audio
JAMOIS Nathan			
JUMEAU Benjamin			
LEPLAT Maxence			
MADI M CHINDRA Ankizar			
PEREIRA Samuel			
Dorbe Stéphane	PC	ok	ok

	PC/mob	vidéo	audio
PITTATORE Alexis			
PRIOUZEAU Thomas			
ROQUES Anthony			
VEREUILLE Wilson			
WAGNER Florian			

1. Décrire les ddl et en déduire le torseur des actions transmissibles des liaisons suivantes :

1.1 - Encastrement de centre O →

T	R
x	
y	
z	

$$\left\{ \begin{matrix} \tau_{1/2} \\ \tau_{1/2} \end{matrix} \right\}_O = \left\{ \begin{matrix} \\ \\ \\ \end{matrix} \right\}_O$$

dans l'espace

dans le plan (x,z)

1.2 - appui-plan de normale z →

T	R
x	
y	
z	

$$\left\{ \begin{matrix} \tau_{1/2} \\ \tau_{1/2} \end{matrix} \right\}_O = \left\{ \begin{matrix} \\ \\ \\ \end{matrix} \right\}_O$$

dans l'espace

dans le plan (x,y)

1.3 - linéaire rectiligne d'axe x →

T	R
x	
y	
z	

$$\left\{ \begin{matrix} \tau_{1/2} \\ \tau_{1/2} \end{matrix} \right\}_A = \left\{ \begin{matrix} \\ \\ \\ \end{matrix} \right\}_A$$

1.4 - pivot d'axe y →

T	R
x	
y	
z	

$$\left\{ \begin{matrix} \tau_{1/2} \\ \tau_{1/2} \end{matrix} \right\}_K = \left\{ \begin{matrix} \\ \\ \\ \end{matrix} \right\}_K$$

1.4 - ponctuelle de normale x →

T	R
x	
y	
z	

$$\left\{ \begin{matrix} \tau_{1/2} \\ \tau_{1/2} \end{matrix} \right\}_O = \left\{ \begin{matrix} \\ \\ \\ \end{matrix} \right\}_O$$

(dans l'espace)

(dans le plan (y,z))

1.5 - linéaire rectiligne d'axe z →

T	R
x	
y	
z	

$$\left\{ \begin{matrix} \tau_{1/2} \\ \tau_{1/2} \end{matrix} \right\}_O = \left\{ \begin{matrix} \\ \\ \\ \end{matrix} \right\}_O$$

(dans l'espace)

(dans le plan (x,y))

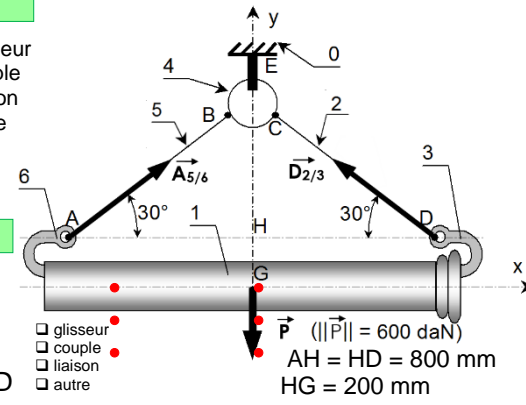
2. Soit un tube (1) retenu en équilibre par 2 câbles (2) et (5) :

2.1. Ecrire le torseur de l'action de la gravité sur (1) en G →

$$\left\{ \begin{matrix} \bullet \\ \bullet \end{matrix} \right\} \tau_{Gr/1} = \left\{ \begin{matrix} \bullet \vec{P} \\ \bullet \vec{M}_G(\vec{P}) = \vec{0} \end{matrix} \right\} = \left\{ \begin{matrix} \bullet \\ \bullet \\ \bullet \\ \bullet \end{matrix} \right\} = \left\{ \begin{matrix} \bullet \\ \bullet \\ \bullet \\ \bullet \end{matrix} \right\}$$

Notation G      éléments de réduction      Coordonnées littérales (facultatif)      Coordonnées numériques

- glisseur
- couple
- liaison
- autre



2.2 De même, écrire le torseur de l'action de (2) sur (3) en D →

$$\left\{ \begin{matrix} \bullet \\ \bullet \end{matrix} \right\} \tau_{2/3} = \left\{ \begin{matrix} \bullet \vec{D}_{2/3} \\ \bullet \vec{M}_D(\vec{D}_{2/3}) = \vec{0} \end{matrix} \right\} = \left\{ \begin{matrix} -D \cdot \cos 30^\circ & 0 \\ +D \cdot \sin 30^\circ & 0 \\ 0 & 0 \end{matrix} \right\} = \left\{ \begin{matrix} -D \cdot \sqrt{3}/2 & 0 \\ +D \cdot 1/2 & 0 \\ 0 & 0 \end{matrix} \right\}_D$$

2.3. Après avoir rappelé la formule du transport du moment, calculer  $\vec{M}_A(\vec{D}_{2/3})$  ainsi que  $\vec{M}_A(\vec{P})$  :

$$\vec{M}_A(\vec{D}_{2/3}) = \vec{M}_D(\vec{D}_{2/3}) + \vec{AD} \wedge \vec{D}_{2/3} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \wedge \begin{pmatrix} -D \cdot \sqrt{3}/2 \\ D \cdot 1/2 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 800 \cdot D \end{pmatrix}$$

$$\left\{ \begin{matrix} \bullet \\ \bullet \end{matrix} \right\} \tau_{2/3} = \left\{ \begin{matrix} \bullet \vec{D}_{2/3} \\ \bullet \vec{M}_A(\vec{D}_{2/3}) \neq \vec{0} \end{matrix} \right\}_A = \left\{ \begin{matrix} -D \cdot \cos 30^\circ & ? \\ +D \cdot \sin 30^\circ & ? \\ 0 & ? \end{matrix} \right\}_A = \left\{ \begin{matrix} -D \cdot \sqrt{3}/2 & 0 \\ +D \cdot 1/2 & 0 \\ 0 & 800D \end{matrix} \right\}_A$$

$$\vec{M}_A(\vec{P}) = \vec{M}_G(\vec{P}) + \vec{AG} \wedge \vec{P} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 \\ 800 \\ -200 \end{pmatrix} \wedge \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ -600 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 800 \cdot 600 - (-200) \cdot 600 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 800 \cdot 600 + 1200 \cdot 600 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 800 \cdot 600 + 720000 \end{pmatrix}$$



### 3 TORSEUR DANS L'ESPACE (INTERSIDERAL)

La liaison en D entre le sol (0) et le fût (1) une liaison encastrement. Le poids de la charge P en G est de 2000 N.

1)- Exprimer le torseur de l'action de la gravité sur la charge en G.



$$\left\{ \begin{matrix} \bullet \\ \bullet \\ \bullet \end{matrix} \right\} = \left\{ \begin{matrix} \bullet \\ \bullet \\ \bullet \end{matrix} \right\} = \left\{ \begin{matrix} \bullet & \bullet \\ \bullet & \bullet \\ \bullet & \bullet \end{matrix} \right\} = \left\{ \begin{matrix} \bullet & \bullet \\ \bullet & \bullet \\ \bullet & \bullet \end{matrix} \right\}$$

2)- Le transporter en D.

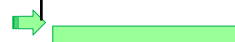


$$\vec{M}_D(\vec{P}) =$$

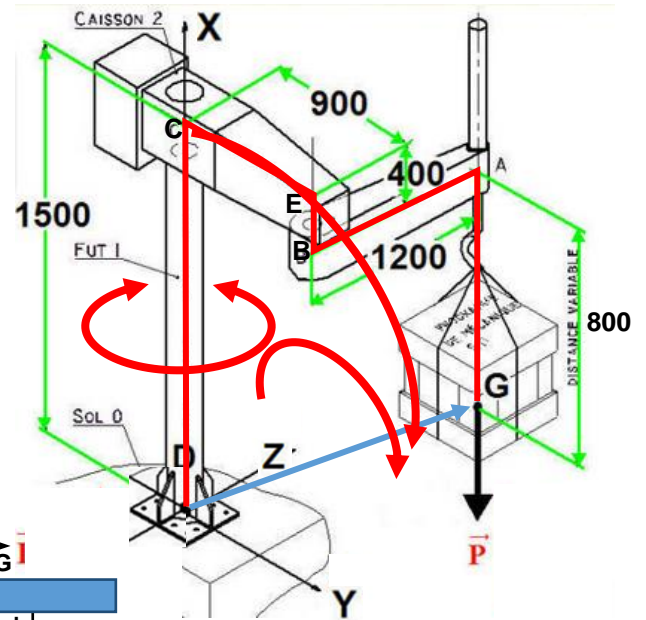
Avec  $\vec{DG} = \vec{DC} + \vec{CE} + \vec{EB} + \vec{BA} + \vec{AG}$

$$\vec{DG} = \begin{matrix} \text{---} \\ + \\ \text{---} \\ + \\ \text{---} \\ + \\ \text{---} \\ + \\ \text{---} \end{matrix} \vec{i}$$

3)- Exprimer le torseur de l'action de (0) sur (1) en D.



$$\left\{ \begin{matrix} \bullet \\ \bullet \\ \bullet \end{matrix} \right\} = \left\{ \begin{matrix} \bullet \\ \bullet \\ \bullet \end{matrix} \right\} = \left\{ \begin{matrix} \bullet & \bullet \\ \bullet & \bullet \\ \bullet & \bullet \end{matrix} \right\} = \left\{ \begin{matrix} \bullet & \bullet \\ \bullet & \bullet \\ \bullet & \bullet \end{matrix} \right\}$$



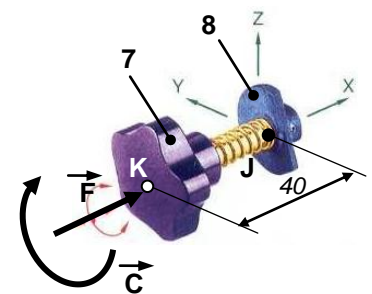
### 4 TORSEUR DANS L'ESPACE 2

L'action de l'opérateur sur (7) en K est modélisée ci-contre.

1)- Exprimer son torseur en K.



$$\left\{ \begin{matrix} \bullet \\ \bullet \\ \bullet \end{matrix} \right\} = \left\{ \begin{matrix} \bullet \\ \bullet \\ \bullet \end{matrix} \right\} = \left\{ \begin{matrix} \bullet & \bullet \\ \bullet & \bullet \\ \bullet & \bullet \end{matrix} \right\} = \left\{ \begin{matrix} \bullet & \bullet \\ \bullet & \bullet \\ \bullet & \bullet \end{matrix} \right\}$$



2)- Le transporter en J.



$$\vec{M}_J(\vec{F}) =$$