Exercice 1 : trains simples

Déterminer le rapport de réduction. Expression littérale puis application numérique.

Réducteur 1

Réducteur 2

Réducteur 3

Exercice 2 : train simple et train épicycloïdal

Déterminer la vitesse, le couple et la puissance de sortie. Expression littérale puis application numérique.

Données:

$P_m = 2 \text{ kW}$, $N_m = 1500 \text{ tr.mn}^{-1}$

$Z_A = 20$ $Z_C = 16$ $Z_E = 14$ $Z_G = 82$

$Z_B = 48$ $Z_D = 52$ $Z_F = 34$

Le rendement η_{12} de la chaîne cinématique sera calculé en adoptant pour chaque réducteur élémentaire (étage de réduction) un rendement élémentaire $\eta_e = 0,98$.

Calculer le couple C_2 disponible en sortie de réducteur.

Ex 1 : $r_1 = \frac{N_6}{N_1} = (-1)^3 \frac{Z_1}{Z_2} \times \frac{Z_3}{Z_4} \times \frac{Z_5}{Z_6} = -\frac{15}{30} \times \frac{12}{25} \times \frac{10}{20} \approx -\frac{1}{8}$

$r_2 = \frac{N_3}{N_1} = (-1)^2 \frac{Z_1}{Z_2} \times \frac{Z_2}{Z_3} = +\frac{15}{10} \times \frac{10}{32} \approx \frac{1}{2}$

$r_3 = \frac{N_2}{N_1} = (-1)^0 \frac{Z_1}{Z_2} = +\frac{15}{50} = \frac{3}{10} = 0,3 = \frac{1}{3,3}$

rg : En introduction au calcul du rapport de réduction des trains épicycloïdaux il est important de rappeler la convention de signe du rapport de réduction : $r > 0 \Rightarrow$ entrée et sortie tournent dans le même sens. $r < 0 \Rightarrow$ en sens inverse

Donc $(-1)^p$ est le terme qui donne le signe du rapport
 p est le nombre de contacts extérieurs d'engrènement :

Données:
 $P_m = 2 \text{ kW}$, $N_m = 1500 \text{ tr} \cdot \text{mn}^{-1}$
 $Z_A = 20$ $Z_C = 16$ $Z_E = 14$ $Z_G = 82$
 $Z_B = 48$ $Z_D = 52$ $Z_F = 34$
 $\eta_e = 0,98$

le réducteur complet isolé donne : $\frac{C_2}{C_M} = \frac{\eta_g}{r_g}$

donc $C_2 = C_M \times \eta_g / r_g$

Calcul de $C_M \rightarrow C_M = \frac{P_M}{\omega_M} = \frac{2000 \times 60}{2\pi \times 1500} \approx 12,73 \text{ Nm}$

Calcul de $\eta_g \rightarrow \eta_g = \eta_1 \times \eta_2 = 0,98^2$

Calcul de $r_g \rightarrow r_g = r_1 \times r_2$ avec $r_1 = \frac{N_D}{N_A} = (-1)^2 \frac{Z_A}{Z_B} \times \frac{Z_C}{Z_D} = +\frac{20}{48} \times \frac{16}{52} = \frac{1}{7,8}$

$r_2 = \frac{N_2}{N_E/0}$ avec $N_{G/0} = \phi$ (étape 1 : objectif)

$r_b = \frac{N_G/2}{N_E/2} = (-1)^1 \frac{Z_E}{Z_F} \times \frac{Z_F}{Z_G} = -\frac{14}{34} \times \frac{34}{82} = -\frac{Z_E}{Z_G} = -\frac{14}{82}$ (étape 2 : raison basique)

$r_b = \frac{N_G/0 - N_2/0}{N_E/0 - N_2/0}$ (étape 3 : composition des vitesses)

$\frac{r_b}{1} = \frac{N_G/0 - N_2/0}{N_E/0 - N_2/0}$ (étape 4 : on cherche à exprimer $\frac{N_2/0}{N_E/0}$ avec $N_{G/0} = 0$ (var 1) objectif)

Egalité des produits en croix : $r_b \cdot N_E - r_b \cdot N_2 = -N_2 \Rightarrow r_b \cdot N_E = N_2 (r_b - 1)$

soit : $r_2 = \frac{N_2}{N_E} = \frac{r_b}{r_b - 1}$ avec $r_b = -\frac{Z_E}{Z_G} \Rightarrow r_2 = \frac{-\frac{Z_E}{Z_G}}{-\frac{Z_E}{Z_G} - 1} = \frac{Z_E}{Z_E + Z_G} = \frac{14}{14 + 82} \approx \frac{1}{6,85}$

Donc $r_2 = \frac{Z_{int}}{Z_{int} + Z_{ext}}$ est un résultat à connaître car cette configuration est très fréquente.

Conclusion : $C_2 = C_M \times \frac{\eta_g}{r_1 \times r_2} = 12,73 \times \frac{0,98^2}{\frac{1}{7,8} \times \frac{1}{6,85}} \approx 654 \text{ Nm}$

Réducteur final de transmission d'un poids lourd

Exercice 1 :

Pour chacun des deux réducteurs ci-dessous, tracer le schéma cinématique et déterminer le rapport de réduction. Expression littérale puis application numérique. La fréquence de rotation du pignon d'entrée est $N_A = 600$ tr/mn. Déterminer la fréquence de sortie N_2 dans les deux cas.

$Z_A = 34, Z_B = 74$

$Z_A = 40, Z_B = 26, Z_C = 92$

Attention : train épicycloïdal.

Réducteur final de transmission d'un poids lourd

Exercice 1 :

Pour le réducteur ci-dessous, déterminer le rapport de réduction. Expression littérale puis application numérique. La fréquence de rotation de la couronne d'entrée est $N_4 = 600$ tr/mn. Déterminer la fréquence de sortie N_3 .

Pour cela :

1. Démontrer que la raison basique du train épicycloïdal est telle que : $r_b = \frac{\omega_{4/0} - \omega_{3/0}}{\omega_{1/0} - \omega_{3/0}} = \frac{Z_1}{-Z_4}$

On suppose pour cela que le porte-satellite est bloqué ($\omega_{3/0} = 0$) puis, on exprime la vitesse absolue ($i/0$) des planétaires « i » par composition des vitesses relatives au porte-satellites ($i/3$).

2. Préciser en complétant le schéma cinématique du réducteur final, quel est le sous-ensemble cinématique fixe et donc lié au châssis du véhicule.

3. Appliquer la formule de Willis précédente et en dé

Données :

$\Rightarrow N_4 = 600$ tr/mn

$\Rightarrow Z_1 = 50, Z_2 = 25, Z_4 = 100$

TD 2 _ Trains épicycloïdaux

$Z_A = 40, Z_B = 26, Z_C = 92$

Exercice 1 : $r_1 = \frac{N_B}{N_A} = \frac{N_2}{N_4} = (-1)^0 \frac{Z_A}{Z_B} = -\frac{34}{74}$

Exercice 2 : Train épicycloïdal

1) $r_2 = \frac{N_{2/0}}{N_{1/0}}$ avec $N_{c/0} = \phi$

2) $r_b = \frac{N_{c/2}}{N_{A/2}} = (-1)^1 \frac{Z_A}{Z_B} \times \frac{Z_B}{Z_C} = -\frac{Z_A}{Z_C} = -\frac{40}{92}$

3) $r_b = \frac{N_{c/0} - N_{2/0}}{N_{A/0} - N_{2/0}}$ (composition des vitesses)

4) $r_b = \frac{(\phi - N_{2/0})}{(N_{A/0} - N_{2/0})} \Rightarrow r_b \cdot N_A - r_b \cdot N_2 = -N_2$

$\Rightarrow r_b \cdot N_A = N_2 \cdot (r_b - 1) \Rightarrow r_2 = \frac{N_2}{N_A} = \frac{r_b}{r_b - 1}$

$\Rightarrow r_2 = \frac{-Z_A/Z_C}{-Z_A/Z_C - Z_C/Z_C} = \frac{Z_A}{Z_A + Z_C} = \frac{Z_{int}}{Z_{int} + Z_{ext}}$

$r_2 = \frac{40}{40+92} = \frac{1}{3,3}$

TD 3 _ Trains épicycloïdaux

Données :

$\Rightarrow N_4 = 600 \text{ tr/mn}$

$\Rightarrow Z_1 = 50, Z_2 = 25, Z_4 = 100$

$\rightarrow$ Calculer N_3 en sortie si $N_4 = 600 \text{ tr}\cdot\text{mn}^{-1}$ à l'entrée.

1) $r_3 = \frac{N_{3/0}}{N_{4/0}}$ avec $N_{1/0} = 0$

2) $r_b = \frac{N_{1/3}}{N_{4/3}} = (-1)^1 \frac{Z_4}{Z_2} \times \frac{Z_2}{Z_1} = -\frac{Z_4}{Z_1}$

3) $r_b = \frac{N_{1/0} - N_{3/0}}{N_{4/0} - N_{3/0}}$

4) $r_b = \frac{(\phi - N_{3/0})}{(N_{4/0} - N_{3/0})} \Rightarrow r_b \cdot N_4 - r_b \cdot N_3 = -N_3$

$\Rightarrow r_b \cdot N_4 = N_3 (r_b - 1)$

$\Rightarrow r_3 = \frac{N_3}{N_4} = \frac{r_b}{r_b - 1} = \frac{-Z_4/Z_1}{-Z_4/Z_1 - Z_1/Z_1} = +\frac{Z_4}{Z_4 + Z_1} = \frac{100}{100+50} = \frac{2}{3}$

Soit $N_3 = N_4 \times r_3 = 600 \times \frac{2}{3} = 400 \text{ tr}\cdot\text{mn}^{-1}$

EXERCICE 1

Ce réducteur est utilisé entre un moteur (coté gauche) et un arbre de sortie (coté droit).
 On donne les nombres de dents suivants:

planétaire	16 dents
satellite	50 dents
couronne	116 dents

- 1) Etablir le schéma cinématique de ce réducteur.
- 2) Déterminer le nombre de dents de la couronne
- 3) Calculer le rapport de transmission.
- 4) Vérifier que l'on puisse monter 3 satellites.

EXERCICE 2

Ce réducteur est utilisé entre un élément moteur (arbre 1) et un arbre de sortie (19).

On donne les nombres de dents suivants:

couronne 35	166 dents
satellite 10D	164 dents
satellite 10G	160 dents
couronne 34	170 dents

- 1) Etablir le schéma cinématique de ce réducteur.

Rq : La portée de guidage du satellite double 10 sur l'arbre moteur (1) est excentrée par rapport à l'axe de rotation.

- 2) Calculer le rapport de transmission.

EXERCICE 3

Le réducteur représenté est une combinaison d'un réducteur à roue et vis sans fin et d'un réducteur épicycloïdal.

Le nombre de dents est le suivant:

roue	40 dents
satellite	18 dents
planétaire	12 dents
vis	1 filet

- 1) Etablir le schéma cinématique de ce réducteur.
- 2) Déterminer le nombre de dents de la couronne
- 3) Calculer le rapport de transmission.

EXERCICE 4

Les moyeux arrière des tracteurs sont le plus souvent équipés d'engrenages planétaires. Ce mode d'entraînement présente l'avantage qu'on réalise un rapport de démultiplication relativement grand malgré l'espace limité. Etant donné que le couple d'entraînement est directement sur la roue, le réducteur différentiel est relativement peu encombrant et les arbres de commande sont légers.

Le nombre de dents est le suivant:

couronne	60 dents
satellite	17 dents
planétaire	26 dents

- 1 Etablir le schéma cinématique de ce réducteur.

- 2 Calculer le rapport de transmission

TD 4_ Trains épicycloïdaux

Exercice 1

planétaire	16 dents
satellite	50 dents
couronne	116 dents

- 1) Etablir le schéma cinématique de ce réducteur.
- 2) Déterminer le nombre de dents de la couronne
- 3) Calculer le rapport de transmission.

$$r = \frac{N_{3/0}}{N_{1/0}} \text{ avec } N_{4/0} = \phi$$

On reconnaît la configuration C du train épicycloïdal de type I :

$$r = \frac{Z_{int}}{Z_{int} + Z_{ext}} \text{ soit ici : } r = \frac{Z_1}{Z_1 + Z_4} = \frac{16}{16 + 116} = \frac{1}{8,25}$$

Exercice 2

$$1) r = \frac{N_{34/0}}{N_{1/0}} \text{ avec } N_{35/0} = 0$$

$$2) r_b = \frac{N_{34/1}}{N_{35/1}} = (-1) \times \frac{Z_{35}}{Z_{10a}} \times \frac{Z_{10b}}{Z_{34}} = + \frac{166}{160} \times \frac{164}{170} \approx 1,00088$$

$$3) r_b = \frac{N_{34/0} - N_{1/0}}{N_{35/0} - N_{1/0}}$$

$$4) \frac{r_b}{1} = \frac{(N_{34/0} - N_{1/0})}{(N_{35/0} - N_{1/0})} \Rightarrow -r_b \cdot N_1 = N_{34} - N_1$$

$$\Rightarrow N_1(1 - r_b) = N_{34}$$

$$\Rightarrow r = \frac{N_{34}}{N_1} = 1 - r_b$$

$$= 1 - 1,00088$$

$$\approx -0,00088$$

$$\approx -\frac{1}{1133}$$

Exercice 3

Données * $Z_1 = 1, Z_2 = 40, Z_3 = 12, Z_4 = 18$
 * $N_1 = 1500 \text{ tr. mn}^{-1}$

1) schéma cinématique

2) Z_5 , nbre de dent de la couronne planétaire 5 :

$$Z_5 = Z_3 + 2Z_4 \text{ car } d_5 = d_3 + 2d_4$$

$$Z_5 = 12 + 2 \times 18$$

$$Z_5 = 48 \text{ dents}$$

3) rapport de transmission r_g :

$$r_g = r_{vsf} \times r_{épi} \text{ avec } r_{vsf} = \frac{Z_{vis}}{Z_{roue}} = \frac{Z_1}{Z_2} = \frac{1}{40}$$

$$\text{et } r_{épi} = \frac{Z_{int}}{Z_{int} + Z_{ext}} = \frac{Z_3}{Z_3 + Z_5} = \frac{12}{12 + 48} = \frac{12}{60} = \frac{1}{5}$$

$$\text{soit } r_g = \frac{1}{40} \times \frac{1}{5} = \frac{1}{200} \text{ donc } N_6 = N_1 \times r_g = 1500 \times \frac{1}{200} = 7,5 \text{ tr. mn}^{-1}$$

Exercice 4

$$r = \frac{Z_{int}}{Z_{int} + Z_{ext}} = \frac{26}{26 + 60} = \frac{26}{86} \approx \frac{1}{3,3}$$

Chers disciples,

pour chacun des 3 types de trains épicycloïdaux simples ci-dessous (II, III et IV), il existe 3 configurations du train (A, B et C) pour lesquelles il y a toujours un élément du train bloqué.

Votre mission, si vous l'acceptez, est de déterminer le rapport de transmission de chaque train en adoptant la démarche précédemment adoptée, à savoir :

- ⇒1 : Objectif : $r = \omega_{S/0} / \omega_{E/0}$ ⇒ ⇒ ⇒ ⇒ ⇒ ⇒ ⇒ ⇒ ⇒ ⇒ Repérez bien **E** et **S**.
- ⇒2 : Raison basique : $r_b = \omega_{Sb/PS} / \omega_{Eb/PS}$
- ⇒3 : Composition des vitesses par rapport au bâti 0
- ⇒4 : $r = f(r_b)$

Vous avez 45 mn soit 5 mn par train sachant que les configurations 2A, 3A et 4A sont basiques et donc plus rapides à déterminer.

Vous donnerez le rapport de transmission à 10^{-3} près et sous la forme $r=1/x$ lorsque c'est possible.

Attention aux signes (et donc aux sens de rotations) et aux rapports de multiplication.

Chers disciples,
pour chacun des 3 types trains épicycloïdaux simples ci-dessous (2, 3 et 4), il existe 3 configurations du train (A, B et C) pour lesquelles il y a toujours un élément du train bloqué.
Votre mission, si vous l'acceptez, est de déterminer le rapport de transmission de chaque train en adoptant la démarche précédemment adoptée, à savoir :

- ⇒ 1 : Objectif : $r = \omega_{S/0} / \omega_{E/0}$ ⇒ ⇒ ⇒ ⇒ ⇒ ⇒ ⇒ ⇒ ⇒ ⇒ Repérez bien **E** et **S**.
- ⇒ 2 : Raison basique : $r_{b2} = \omega_{Sb/PS} / \omega_{Eb/PS}$
- ⇒ 3 : Composition des vitesses par rapport au bâti 0
- ⇒ 4 : $r = f(r_{b2})$

Vous avez 45 mn soit 5 mn par train sachant que les configurations 2A, 3A et 4A sont basiques et donc plus rapides à déterminer.
Vous donnez le rapport de transmission à 10^{-3} près et sous la forme $r=1/x$ lorsque c'est possible.
Attention aux signes (et donc aux sens de rotations) et aux rapports de multiplication.

CORRIGÉ

Type II
 $Z_1=16, Z_{21}=14, Z_{22}=18, Z_4=48$

Train simple (non épicycloïdal)

$$r = \omega_{4/0} / \omega_{1/0} = -Z_1 \cdot Z_{22} / Z_{21} Z_4 \approx -0,428$$

Rq: Le porte-satellite 3 est lié au bâti 0. La relation s'écrit donc:

$$r_{b2} = \omega_{4/PS} / \omega_{1/PS} = -Z_1 \cdot Z_{22} / Z_{21} Z_4 \approx -0,428$$

- 1) Objectif: $r = \omega_{PS/0} / \omega_{1/0}$ avec $\omega_{4/0} = 0$
- 2) Raison basique: Le porte-satellite 3 est bloqué.
 $r_{b2} = \omega_{4/PS} / \omega_{1/PS} = -Z_1 \cdot Z_{22} / Z_{21} Z_4 \approx -0,428$
- 3) Composition des vitesses:
$$r_{b2} = (\omega_{4/0} + \omega_{0/PS}) / (\omega_{1/0} + \omega_{0/PS})$$

$$= (\omega_{4/0} - \omega_{PS/0}) / (\omega_{1/0} - \omega_{PS/0})$$
- 4) $r = f(r_{b2})$: avec $\omega_{4/0} = 0$

$$\Rightarrow r_{b2} = -\omega_{PS/0} / (\omega_{1/0} - \omega_{PS/0})$$

$$\Rightarrow -\omega_{PS/0} = \omega_{1/0} \cdot r_{b2} - \omega_{PS/0} \cdot r_{b2}$$

$$\Rightarrow \omega_{PS/0} (r_{b2} - 1) = \omega_{1/0} \cdot r_{b2}$$

$$\Rightarrow r = \omega_{PS/0} / \omega_{1/0} = r_{b2} / (r_{b2} - 1)$$

$$\Rightarrow r = \omega_{PS/0} / \omega_{1/0} = +0,3 \approx 1/3,3$$

Variante: sans développer r_{b2} :

$$r_{b2} = -\omega_{PS/0} / (\omega_{1/0} - \omega_{PS/0}) = -Z_1 \cdot Z_{22} / Z_{21} Z_4$$

$$\Rightarrow -\omega_{PS/0} \cdot Z_{21} Z_4 = -\omega_{1/0} \cdot Z_1 \cdot Z_{22} + \omega_{PS/0} \cdot Z_1 \cdot Z_{22}$$

$$\Rightarrow +\omega_{1/0} \cdot Z_1 \cdot Z_{22} = \omega_{PS/0} \cdot (Z_1 \cdot Z_{22} + Z_{21} Z_4)$$

$$\Rightarrow r = \omega_{PS/0} / \omega_{1/0} = Z_1 \cdot Z_{22} / (Z_1 \cdot Z_{22} + Z_{21} Z_4)$$

$$\Rightarrow r = \omega_{PS/0} / \omega_{1/0} = 16 \cdot 18 / (16 \cdot 18 + 14 \cdot 48)$$

$$\Rightarrow r = \omega_{PS/0} / \omega_{1/0} = +0,3 \approx 1/3,3$$

- 1) Objectif: $r = \omega_{4/0} / \omega_{PS/0}$ avec $\omega_{1/0} = 0$
- 2) Raison basique: Le porte-satellite 3 est bloqué.
 $r_{b2} = \omega_{4/PS} / \omega_{1/PS} = -Z_1 \cdot Z_{22} / Z_{21} Z_4 \approx -0,428$
- 3) Composition des vitesses:
$$r_{b2} = (\omega_{4/0} + \omega_{0/PS}) / (\omega_{1/0} + \omega_{0/PS})$$

$$= (\omega_{4/0} - \omega_{PS/0}) / (\omega_{1/0} - \omega_{PS/0})$$
- 4) $r = f(r_{b2})$: avec $\omega_{4/0} = 0$

$$\Rightarrow r_{b2} = \omega_{4/0} - \omega_{PS/0} / (-\omega_{PS/0})$$

$$\Rightarrow \omega_{4/0} - \omega_{PS/0} = -\omega_{PS/0} \cdot r_{b2}$$

$$\Rightarrow \omega_{PS/0} (r_{b2} - 1) = -\omega_{4/0}$$

$$\Rightarrow r = \omega_{4/0} / \omega_{PS/0} = 1 - r_{b2}$$

$$\Rightarrow r = \omega_{4/0} / \omega_{PS/0} = +1,428$$

Variante: sans développer r_{b2} :

$$r_{b2} = \omega_{4/0} - \omega_{PS/0} / (-\omega_{PS/0}) = -Z_1 \cdot Z_{22} / Z_{21} Z_4$$

$$\Rightarrow \omega_{4/0} \cdot Z_{21} Z_4 - \omega_{PS/0} \cdot Z_{21} Z_4 = \omega_{PS/0} \cdot Z_1 \cdot Z_{22}$$

$$\Rightarrow \omega_{4/0} \cdot Z_{21} Z_4 = \omega_{PS/0} \cdot (Z_1 \cdot Z_{22} + Z_{21} Z_4)$$

$$\Rightarrow \omega_{4/0} / \omega_{PS/0} = (Z_1 \cdot Z_{22} + Z_{21} Z_4) / Z_{21} Z_4$$

$$\Rightarrow \omega_{4/0} / \omega_{PS/0} = (16 \cdot 18 + 14 \cdot 48) / 14 \cdot 48$$

$$\Rightarrow \omega_{4/0} / \omega_{PS/0} = +1,428$$

Type III

$$Z_1=44, Z_{21}=14, Z_{22}=18, Z_4=48$$

CORRIGÉ

config. 3A

Train simple (non épicycloïdal)

$$r = \omega_{4/0} / \omega_{1/0} = (-1)^0 Z_1 \cdot Z_{22} / Z_{21} Z_4 \approx +1,178$$

Rq: Le porte-satellite 3 est lié au bâti 0. La relation s'écrit donc:

$$r_{b3} = \omega_{4/PS} / \omega_{1/PS} = +Z_1 \cdot Z_{22} / Z_{21} Z_4 \approx +1,178$$

config. 3B

Réducteur

1) Objectif: $r = \omega_{1/0} / \omega_{PS/0}$ avec $\omega_{4/0} = 0$

2) Raison basique: Le porte-satellite 3 est bloqué.

$$r_{b3} = \omega_{4/PS} / \omega_{1/PS} = +Z_1 \cdot Z_{22} / Z_{21} Z_4 \approx +1,178$$

3) Composition des vitesses:

$$\begin{aligned} r_{b3} &= (\omega_{4/0} + \omega_{0/PS}) / (\omega_{1/0} + \omega_{0/PS}) \\ &= (\omega_{4/0} - \omega_{PS/0}) / (\omega_{1/0} - \omega_{PS/0}) \end{aligned}$$

4) $r = f(r_{b3})$: avec $\omega_{4/0} = 0$

$$\Rightarrow -\omega_{PS/0} / (\omega_{1/0} - \omega_{PS/0}) = r_{b3}$$

$$\Rightarrow -\omega_{PS/0} = \omega_{1/0} \cdot r_{b3} - \omega_{PS/0} \cdot r_{b3}$$

$$\Rightarrow \omega_{PS/0} (r_{b3} - 1) = \omega_{1/0} \cdot r_{b3}$$

$$\Rightarrow r = \omega_{1/0} / \omega_{PS/0} = (r_{b3} - 1) / r_{b3}$$

$$\Rightarrow r = \omega_{1/0} / \omega_{PS/0} = +0,15 \approx 1/6,6$$

Variante: sans développer r_b :

$$r_{b3} = -\omega_{PS/0} / (\omega_{1/0} - \omega_{PS/0}) = +Z_1 \cdot Z_{22} / Z_{21} Z_4$$

$$\Rightarrow -\omega_{PS/0} \cdot Z_{21} Z_4 = +\omega_{1/0} \cdot Z_1 \cdot Z_{22} - \omega_{PS/0} \cdot Z_1 \cdot Z_{22}$$

$$\Rightarrow +\omega_{1/0} \cdot Z_1 \cdot Z_{22} = \omega_{PS/0} \cdot (Z_1 \cdot Z_{22} - Z_{21} Z_4)$$

$$\Rightarrow r = \omega_{1/0} / \omega_{PS/0} = (Z_1 \cdot Z_{22} - Z_{21} Z_4) / Z_1 \cdot Z_{22}$$

$$\Rightarrow r = \omega_{1/0} / \omega_{PS/0} = (44 \cdot 18 - 14 \cdot 48) / 44 \cdot 18$$

$$\Rightarrow r = \omega_{1/0} / \omega_{PS/0} = +0,15 \approx 1/6,6$$

config. 3C

Multiplicateur / inverseur

1) Objectif: $r = \omega_{PS/0} / \omega_{4/0}$ avec $\omega_{1/0} = 0$

2) Raison basique: Le porte-satellite 3 est bloqué.

$$r_{b3} = \omega_{4/PS} / \omega_{1/PS} = +Z_1 \cdot Z_{22} / Z_{21} Z_4 \approx +1,178$$

3) Composition des vitesses:

$$\begin{aligned} r_{b3} &= (\omega_{4/0} + \omega_{0/PS}) / (\omega_{1/0} + \omega_{0/PS}) \\ &= (\omega_{4/0} - \omega_{PS/0}) / (\omega_{1/0} - \omega_{PS/0}) \end{aligned}$$

4) $r = f(r_{b3})$: avec $\omega_{1/0} = 0$

$$\Rightarrow r_{b3} = \omega_{4/0} - \omega_{PS/0} / (-\omega_{PS/0})$$

$$\Rightarrow \omega_{4/0} - \omega_{PS/0} = -\omega_{PS/0} \cdot r_{b3}$$

$$\Rightarrow \omega_{PS/0} (r_{b3} - 1) = -\omega_{4/0}$$

$$\Rightarrow r = \omega_{PS/0} / \omega_{4/0} = 1 / (1 - r_{b3})$$

$$\Rightarrow r = \omega_{PS/0} / \omega_{4/0} = -5,6$$

Variante: sans développer r_b :

$$r_{b3} = \omega_{4/0} - \omega_{PS/0} / (-\omega_{PS/0}) = +Z_1 \cdot Z_{22} / Z_{21} Z_4$$

$$\Rightarrow \omega_{4/0} \cdot Z_{21} Z_4 - \omega_{PS/0} \cdot Z_{21} Z_4 = -\omega_{PS/0} \cdot Z_1 \cdot Z_{22}$$

$$\Rightarrow \omega_{4/0} \cdot Z_{21} Z_4 = \omega_{PS/0} \cdot (Z_{21} Z_4 - Z_1 \cdot Z_{22})$$

$$\Rightarrow \omega_{PS/0} / \omega_{4/0} = Z_{21} Z_4 / (Z_{21} Z_4 - Z_1 \cdot Z_{22})$$

$$\Rightarrow \omega_{PS/0} / \omega_{4/0} = 14 \cdot 48 / (14 \cdot 48 - 44 \cdot 18)$$

$$\Rightarrow \omega_{PS/0} / \omega_{4/0} = -5,6$$

CORRIGE

Type IV

$$Z_1=16, Z_{21}=14, Z_{22}=18, Z_4=12$$

config. 4A

Train simple (non épicycloïdal)

$$r = \omega_{4/0} / \omega_{1/0} = (-1)^0 Z_1 \cdot Z_{22} / Z_{21} Z_4 \approx +1,714$$

Rq: Le porte-satellite 3 est lié au bâti 0. La relation s'écrit donc:

$$r_{b3} = \omega_{4/PS} / \omega_{1/PS} = +Z_1 \cdot Z_{22} / Z_{21} Z_4 \approx +1,714$$

config. 4B

$$r_4 = \frac{\omega_{PS/0}}{\omega_{1/0}} = \frac{r_{b4}}{r_{b4} - 1}$$

Multiplicateur

1) Objectif: $r = \omega_{PS/0} / \omega_{1/0}$ avec $\omega_{4/0} = 0$

2) Raison basique: Le porte-satellite 3 est bloqué.

$$r_{b4} = \omega_{4/PS} / \omega_{1/PS} = +Z_1 \cdot Z_{22} / Z_{21} Z_4 \approx +1,714$$

3) Composition des vitesses:

$$\begin{aligned} r_{b4} &= (\omega_{4/0} + \omega_{0/PS}) / (\omega_{1/0} + \omega_{0/PS}) \\ &= (\omega_{4/0} - \omega_{PS/0}) / (\omega_{1/0} - \omega_{PS/0}) \end{aligned}$$

4) $r = f(r_{b3})$: avec $\omega_{4/0} = 0$

$$\begin{aligned} \Rightarrow r_{b4} &= -\omega_{PS/0} / (\omega_{1/0} - \omega_{PS/0}) \\ \Rightarrow -\omega_{PS/0} &= \omega_{1/0} \cdot r_{b4} - \omega_{PS/0} \cdot r_{b4} \\ \Rightarrow \omega_{PS/0} (r_{b4} - 1) &= \omega_{1/0} \cdot r_{b4} \\ \Rightarrow r = \omega_{PS/0} / \omega_{1/0} &= r_{b4} / (r_{b4} - 1) \\ \Rightarrow r = \omega_{PS/0} / \omega_{1/0} &= +2,4 \end{aligned}$$

Variante: sans développer r_b :

$$\begin{aligned} r_{b4} &= -\omega_{PS/0} / (\omega_{1/0} - \omega_{PS/0}) = +Z_1 \cdot Z_{22} / Z_{21} Z_4 \\ \Rightarrow -\omega_{PS/0} \cdot Z_{21} Z_4 &= +\omega_{1/0} \cdot Z_1 \cdot Z_{22} - \omega_{PS/0} \cdot Z_1 \cdot Z_{22} \\ \Rightarrow +\omega_{1/0} \cdot Z_1 \cdot Z_{22} &= \omega_{PS/0} \cdot (Z_1 \cdot Z_{22} - Z_{21} Z_4) \\ \Rightarrow r = \omega_{PS/0} / \omega_{1/0} &= Z_1 \cdot Z_{22} / (Z_1 \cdot Z_{22} - Z_{21} Z_4) \\ \Rightarrow r = \omega_{PS/0} / \omega_{1/0} &= 16 \cdot 18 / (16 \cdot 18 - 14 \cdot 12) \\ \Rightarrow r = \omega_{PS/0} / \omega_{1/0} &= +2,4 \end{aligned}$$

config. 4C

$$r_4 = \frac{\omega_{4/0}}{\omega_{PS/0}} = 1 - r_{b4}$$

Réducteur / inverseur

1) Objectif: $r = \omega_{4/0} / \omega_{PS/0}$ avec $\omega_{1/0} = 0$

2) Raison basique: Le porte-satellite 3 est bloqué.

$$r_{b4} = \omega_{4/PS} / \omega_{1/PS} = +Z_1 \cdot Z_{22} / Z_{21} Z_4 \approx +1,714$$

3) Composition des vitesses:

$$\begin{aligned} r_{b4} &= (\omega_{4/0} + \omega_{0/PS}) / (\omega_{1/0} + \omega_{0/PS}) \\ &= (\omega_{4/0} - \omega_{PS/0}) / (\omega_{1/0} - \omega_{PS/0}) \end{aligned}$$

4) $r = f(r_{b4})$: avec $\omega_{1/0} = 0$

$$\begin{aligned} \Rightarrow r_{b4} &= \omega_{4/0} - \omega_{PS/0} / (-\omega_{PS/0}) \\ \Rightarrow \omega_{4/0} - \omega_{PS/0} &= -\omega_{PS/0} \cdot r_{b4} \\ \Rightarrow \omega_{PS/0} (r_{b4} - 1) &= -\omega_{4/0} \\ \Rightarrow r = \omega_{4/0} / \omega_{PS/0} &= 1 - r_{b4} \\ \Rightarrow r = \omega_{4/0} / \omega_{PS/0} &= -0,714 \end{aligned}$$

Variante: sans développer r_b :

$$\begin{aligned} r_{b4} &= \omega_{4/0} - \omega_{PS/0} / (-\omega_{PS/0}) = +Z_1 \cdot Z_{22} / Z_{21} Z_4 \\ \Rightarrow \omega_{4/0} \cdot Z_{21} Z_4 - \omega_{PS/0} \cdot Z_{21} Z_4 &= -\omega_{PS/0} \cdot Z_1 \cdot Z_{22} \\ \Rightarrow \omega_{4/0} \cdot Z_{21} Z_4 &= \omega_{PS/0} \cdot (Z_{21} Z_4 - Z_1 \cdot Z_{22}) \\ \Rightarrow \omega_{PS/0} / \omega_{4/0} &= Z_{21} Z_4 / (Z_{21} Z_4 - Z_1 \cdot Z_{22}) \\ \Rightarrow \omega_{4/0} / \omega_{PS/0} &= (14 \cdot 12 - 16 \cdot 18) / 14 \cdot 12 \\ \Rightarrow \omega_{4/0} / \omega_{PS/0} &= -0,714 \end{aligned}$$

Ensemble du système réalisant la fonction « Incliner le dossier »

Le dossier du siège est articulé par rapport au sous-ensemble formant le cadre de l'assise.
Un moteur actionne cette articulation par l'intermédiaire d'un train épicycloïdal.
Le débattement du dossier est de 65°.

Cahier des charges (extrait)

fonction	critère	niveau	flexibilité
Régler le dossier	Amplitude de réglage	65°	Maximum
	Temps de réglage	29 secondes	+/- 1 s

Réducteur à train épicycloïdal d'articulation de dossier :

Nombre de dents : $Z_0=25, Z_4=32, Z_2=24, Z_3=31$

Déterminer la vitesse ω_m du moteur.